

4 Energie

havo

4.1 Arbeid en energie

- 1*** Jan trekt zo hard hij kan aan een piano maar er is geen beweging in te krijgen. Volgens Jan heeft zijn spierkracht arbeid verricht, want hij is doodmoe geworden van het trekken.
- a** Ben je het met Jan eens? Licht je antwoord toe.

Een gewichtheffer probeert een gewicht op te tillen, maar het gewicht is te zwaar en het lukt hem niet.

- b** Heeft de gewichtheffer arbeid verricht bij zijn poging?



- 2*** Een gewichtheffer houdt gedurende tien seconden een gewicht van 92 kg boven zijn hoofd.
- a** Hoeveel arbeid verricht de gewichtheffer in deze tien seconden?
- b** Heeft de gewichtheffer arbeid verricht om het gewicht vanaf de vloer boven zijn hoofd te krijgen?

Na tien seconden laat de gewichtheffer het gewicht los en valt het gewicht op de mat.

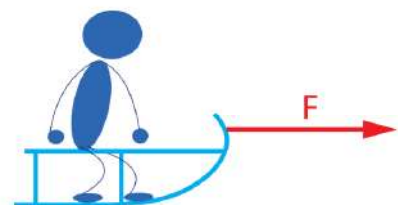
- c** Welke kracht verricht er arbeid als het gewicht valt?
- d** Is de energie nog ergens aanwezig als het gewicht stil op de mat ligt?



- 3**** Met een kracht van 25 N trek je aan een slee. De slee heeft een constante snelheid. Je spierkracht verricht 10 kJ arbeid.
- a** Bereken de afstand waarover je de slee hebt verplaatst.

Emma beweert dat de wrijvingskracht ook 25 N is. Klaas is het niet met haar eens want anders zou de slee niet bewegen.

- b** Wie heeft er volgens jou gelijk, Emma, Klaas of geen van beiden?
- c** Bereken de arbeid die de wrijvingskracht levert.



- 4**** Je moet een zware archiefkast over de vloer schuiven. Als je de kast 4,0 m hebt verplaatst heb je 3200 J energie gebruikt.

a Hoeveel kracht heb je gebruikt bij het verschuiven van de kast?

Iemand bedenkt dat je de kast beter over stokken kunt laten rollen. Je hebt dan twee keer zo weinig kracht nodig.

b Hoeveel kun je de kast over stokken verplaatsen als je hierbij 4000 J energie gebruikt?



- 5**** Een bowlingbal rolt met een constante snelheid over de baan. Wrijving wordt verwaarloosd.

a Wordt er tijdens het rollen arbeid op de bal verricht?

Aan het einde van de baan bots de bal op de kegels.

b Wordt er bij de botsing arbeid op de bal verricht?



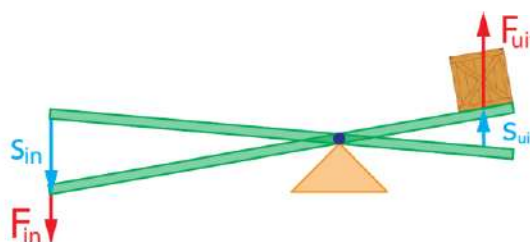
Bij de botsing gaan de kegels bewegen en lijken ze tot leven te komen.

c Waarom gebeurt dit?

Hefbomen

- 6**** Als je van een kleine kracht een grote kracht wilt maken kun je een hefboom gebruiken.

a Leg dit uit en maak daarbij gebruik van de figuur hiernaast.



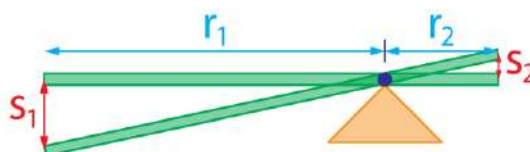
Charlotte wil een kist met boeken 20 cm optillen. De kist weegt 150 kg en zonder hefboom lukt dat niet.

b Hoeveel kracht heeft Charlotte nodig om de kist zonder hefboom op te tillen?

Charlotte weegt zelf 40 kg en ze maakt een hefboom zoals in de figuur. Aan de ene kant zet ze de kist en aan de andere kant gaat ze zelf op de hefboom zitten. De kist gaat dan 20 cm omhoog.

c Hoeveel meter gaat Charlotte naar beneden als de kist 20 cm omhoog is gegaan?

- 7***** De momentenwet stelt dat kracht keer arm linksom gelijk is aan kracht keer arm rechtsom $F_{\text{links}} \cdot r_{\text{links}} = F_{\text{rechts}} \cdot r_{\text{rechts}}$. Zie de figuur hiernaast.



Er is een recht evenredig verband tussen de arm r en de afstand s .

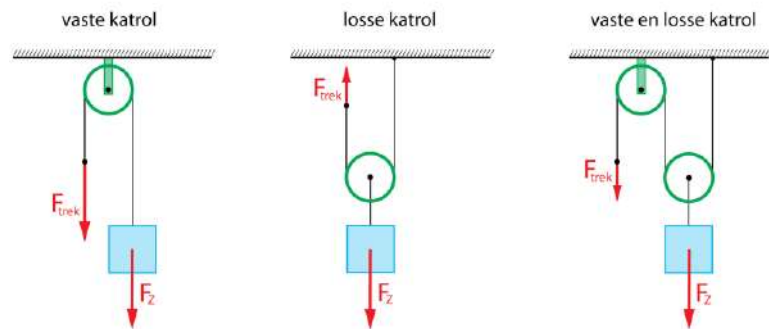
a Wat wordt er bedoeld met een recht evenredig verband tussen r en s ?

b Hoe zie je dit recht evenredige verband in de figuur?

Katrollen

8**

We maken onderscheid tussen vaste en losse katrollen, zie figuur. Een vaste katrol beweegt niet en een losse katrol beweegt wel als je een gewicht optakelt.



- Hoeveel meter touw moet je inhalen (naar beneden trekken) als je met een **vaste katrol** (zie figuur links) een kist 1,0 m omhoog moet hijsen?
- Hoeveel meter touw moet je inhalen (naar boven trekken) als je met een **losse katrol** (zie figuur midden) een kist 1,0 m omhoog moet hijsen?
- Hoeveel meter touw moet je inhalen (naar beneden trekken) als je met een **vaste en losse katrol** (zie figuur rechts) een kist 1,0 m omhoog moet hijsen?

Je wilt een kist van 80 kg 1,0 m optakelen.

- Hoeveel kracht je nodig hebt als je een **vaste katrol** gebruikt?
- Hoeveel kracht je nodig hebt als je een **losse katrol** gebruikt?
- Hoeveel kracht je nodig hebt als je een **vaste en losse katrol** gebruikt?

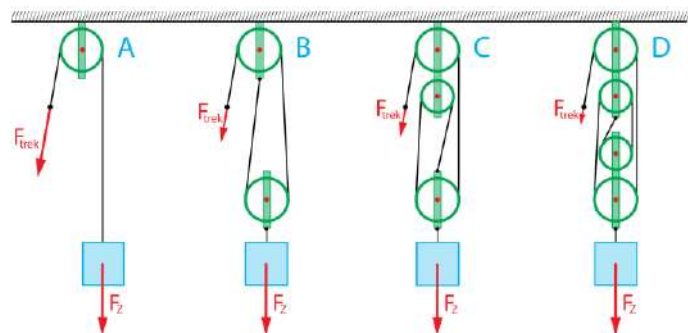
9**

In de figuur zie je vier takels.

- Welke katrollen zijn los zijn en welke zijn vast?

Het voorwerp dat je op wilt takelen heeft een massa van 60,0 kg.

- Bereken hoeveel kracht je nodig hebt bij het gebruik van takels A, B, C en D.



4.2 Energievormen

Chemische energie

- 1**** Een auto gebruikt 5,0 liter benzine om 100 km te rijden.
a Hoeveel chemische energie is er nodig om 100 km te rijden?

Van deze chemische energie wordt 30% gebruikt om kracht op de wielen uit te oefenen.

- b** Hoe groot is de gemiddelde motorkracht tijdens het rijden?

- 2**** Een gemiddeld gezin gebruikt 1500 m³ aardgas per jaar om het huis te verwarmen.
a Hoeveel energie levert het verbranden van 1500 m³ aardgas?

Als je de verwarming 1 graad lager zet bespaar je 7% op het gasverbruik. Eén m³ aardgas kost €2,10.

- b** Hoeveel euro bespaar je per jaar als je de verwarming 1 graad lager zet?

- 3**** Een kind van 13 jaar moet per dag 2200 kcal eten om op gewicht te blijven.
a Hoeveel joule is 2200 kcal?

Gekookte aardappelen hebben een voedingswaarde van 346 kJ per 100 gram.

- b** Stel dat je alleen gekookte aardappelen zou eten, hoeveel gram aardappel moet je dan op een dag eten om op gewicht te blijven?

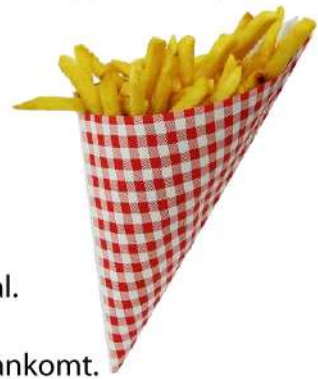
Frites heeft een voedingswaarde van 1205 kJ per 100 gram. Een portie frites weegt 250 gram.

- c** Stel dat je alleen frites zou eten, hoeveel porties mag je dan maximaal op een dag eten als je op gewicht wilt blijven?

Als je een uur hardloopt met 12 km/h verbrand je ongeveer 600 kcal.

Op een dag heb je een portie frites teveel gegeten.

- d** Hoeveel kilometer moet je hardlopen om te zorgen dat je niet aankomt.

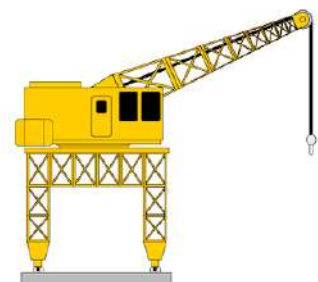


Zwaarte energie

- 4**** Een hijskraan tilt een steen van 800 kg 15 m omhoog.
a Bereken de arbeid die de motor van de hijskraan verricht.
b Bereken de zwaarte energie die de steen heeft gekregen.

Op zeker moment heeft de hijskraan 200 kJ energie verbruikt.

- c** Bereken hoe hoog de steen is opgetild.



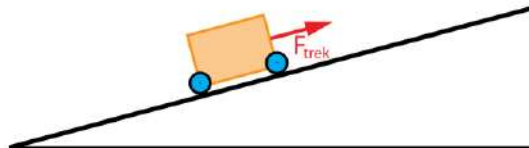
- 5**** Je trekt een kar met een massa van 20 kg met een constante snelheid een helling op. Wrijving wordt verwaarloosd. Op een bepaald moment heb je 1000 J arbeid verricht. Verwaarloos de arbeid die nodig is om de kar in beweging te brengen.

a Bereken de hoogte die de kar heeft gekregen.

Op de helling stijg je 25 cm bij iedere meter die je aflegt.

b Hoeveel meter heb je afgelegd als je 1000 J arbeid verricht?

c Bereken de kracht die je nodig hebt om de kar de helling op te trekken.



Kinetische energie

- 6**** De tweede wet van Newton is $F_{\text{res}} = m \cdot a$

a Toon met deze wet aan dat de eenheid newton N gelijk is aan $\text{kg} \cdot \text{m} \cdot \text{s}^{-2}$.

b Toon aan dat de eenheid van kinetische energie $\text{N} \cdot \text{m}$ is.

- 7**** Een trein rijdt met een maximale snelheid van 160 km per uur. De trein heeft een massa van 350 ton.

a Bereken de topsnelheid van de trein in meter per seconde.

b Hoeveel kinetische energie heeft de trein als hij op topsnelheid rijdt?

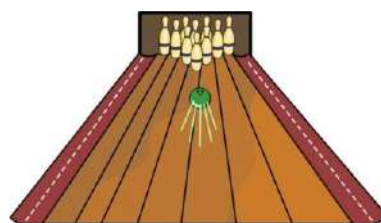
c Hoeveel kinetische energie heeft de trein als hij een snelheid heeft van 80 km/h.



- 8**** Een bowlingbal met een massa van 4,5 kg rolt met een constante snelheid over de baan. Na 3,4 s raakt de bal de eerste kegel die op een afstand van 18,3 m staat.

a Bereken de kinetische energie van de bal als hij rolt.

b Hoe is de bowlingbal aan deze energie gekomen?



De bal komt 50 cm achter de eerste kegel tot stilstand.

c Hoe groot is de gemiddelde kracht op de bowlingbal tijdens het afremmen?

- 9***** Een olietanker vaart met een constante snelheid van 11,2 knopen. Een knoop is 1,852 km/h. De tanker heeft een massa van 280.000 ton.

a Bereken de kinetische energie van de olietanker.

Een sterke man kan per seconde 600 J arbeid leveren.

b Hoeveel dagen moet de man kracht op de olietanker uitoefenen om het een snelheid van 11,2 knopen te geven?



10*** Een auto met een massa van 1500 kg rijdt 90 km/h.

a Bereken de kinetische energie van de auto.



In de bebouwde kom kan de auto nog maar 45 km/h rijden.

b Is de kinetische energie in de bebouwde kom de helft, meer dan de helft of minder dan de helft als bij 90 km/h?

c Leg uit waar de verdwenen E_k is gebleven.

Omdat er benzine wordt verbrand neemt de massa van de auto langzaam af.

d Leg uit of hierdoor E_k van de auto groter wordt, kleiner wordt of gelijk blijft als hij met constante snelheid rijdt.

11** Edgar en Lotte zijn samen aan het joggen. Hun snelheid is 7,0 km/h. De massa van Edgar is 65 kg en van Lotte 50 kg.

a Bereken het verschil in kinetische energie tussen Edgar en Lotte.

b Bereken hoeveel km/h Lotte moet gaan rennen om net zoveel kinetische energie te hebben als Edgar.

Zwaarte energie en kinetische energie

12** Een vogel met een massa van 150 gram heeft 60 J zwaarte energie.

a Hoe hoog vliegt de vogel boven de grond?

De vogel heeft in totaal 80 J aan energie.

b Met welke snelheid vliegt de vogel?



Wet van behoud van energie

Tenzij anders vermeld verwaarlozen we bij deze opgaven de weerstandskracht $\rightarrow E_{\text{uit}} = 0$.

13** Een balpen valt van een 75 cm hoge tafel. Verwaarloos de luchtweerstand.

a Bereken de snelheid waarmee de balpen op de grond valt.



14** Fien schopt een bal recht omhoog met een beginsnelheid van 8,0 m/s.

a Hoe hoog komt de bal.

b Met welke snelheid valt de bal op de grond?

Ze pakt de bal op en schiet hem opnieuw omhoog met 8,0 m/s. Maar dit keer valt de bal met een snelheid van 4,0 m/s op het dak van een schuur.

c Hoe hoog is het dak van de schuur?



15** Een steen van 2,0 kg valt van een toren van 5,0 m hoog. De wrijvingskracht is 3,0 N.

- a Bereken E_{uit} (de arbeid van de wrijvingskracht).
- b Bereken de snelheid waarmee de steen op de grond valt.



16** Michael Jordan is een beroemde basketbalspeler. Hij is 1,98 m lang en weegt 98 kg. Na een verticale sprong heeft hij een zwaarte energie van 1000 J.

- a Hoeveel is zijn zwaartepunt hierbij omhoog gegaan?
- b Hoeveel kinetische energie had hij toen hij los kwam van de grond?
- c Met welke snelheid kwam hij los van de grond?
- d Beredeneer met welke snelheid hij op de grond landt.



17** Met een katapult schiet je een steentje van 80 gram recht omhoog. De gespannen katapult heeft 16 J energie.

- a Hoeveel kinetische energie heeft het steentje als het loskomt?
- b Met welke snelheid komt het steentje los?
- c Hoe hoog komt het steentje?
- d Op welke hoogte heeft het steentje 8,0 J kinetische energie?
- e Op welke hoogte heeft het steentje de helft van zijn beginsnelheid?



18*** Pieter trapt een bal recht omhoog met een beginsnelheid van 14 m/s.

- a Op welke hoogte heeft de bal een snelheid van 8,0 m/s?
- b Hoe groot is de snelheid van de bal op 8,0 m hoogte?
- c Hoe hoog komt de bal?



19*** Vanaf een toren met hoogte $h = 60$ m schiet je een kogel met een beginsnelheid van 40 m/s recht omhoog. De massa van de kogel is 75 g.

- a Bereken de maximale hoogte h_{max} die de kogel bereikt.
- b Bereken de arbeid die de zwaartekracht verricht bij de beweging van h tot h_{max} .
- c Bereken de arbeid die de zwaartekracht verricht bij de beweging van h_{max} tot de grond.
- d Bereken de arbeid die de zwaartekracht verricht tussen het begin en einde van de beweging.
- e Leg uit waarom de arbeid die de zwaartekracht tussen het begin en einde van de beweging verricht alleen wordt bepaald door h_{begin} en niet door v_{begin} of h_{max} .
- f Bereken de snelheid waarmee de kogel op de grond valt.

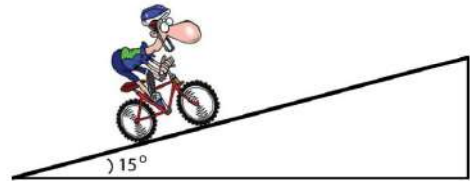
20*** Een trein vertrekt op $t=0$ uit stilstand met een versnelling van $0,50 \text{ m/s}^2$. De massa van de trein is 400 ton.

- a Bereken de motorkracht.



- b** Bereken de arbeid die de motor in de eerste seconde verricht.
- c** Bereken de arbeid die de motor in de tweede seconde verricht.
- d** Leg uit waarom de motor in de tweede seconde meer arbeid verricht dan in de eerste seconde.
- e** Bereken de afstand in de 10^e seconde (tussen $t = 9,0$ en $t = 10$ s).
- f** Bereken de arbeid die de motorkracht verricht in de 10^e seconde.

21*** Je fiets met constante snelheid een helling van 15 graden op. Samen met je fiets weeg je 75 kg. Wrijving wordt verwaarloosd.

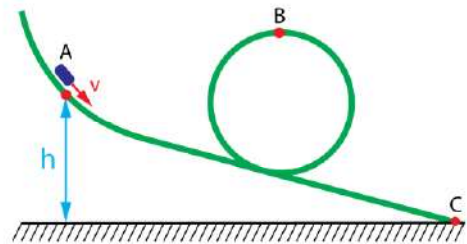


- a** Bereken hoeveel meter je bent gestegen als je 5,0 km hebt gefietst.
- b** Bereken de arbeid die je moet verrichten om 5,0 km af te leggen

Op de helling moet je even stilstaan voor een rood stoplicht.

- c** Hoeveel kracht moeten je remmen minimaal uitoefenen om op de helling stil te staan.

22*** In een wrijvingsloze achtbaan wordt een wagen vanaf een bepaalde hoogte uit stilstand losgelaten. Op plaats A heeft de wagen een hoogte van 6,0 m en een snelheid van 15 m/s. Op plaats B is de snelheid 10 m/s.



- a** Op welke hoogte is de wagen losgelaten?
- b** Bereken de hoogte van plaats B.
- c** Bereken de snelheid waarmee de wagen in plaats C aankomt.

Johan beweert dat zonder looping je met een hogere snelheid in C aankomt dan met looping.

- d** Ben je het met Johan eens? Geef uitleg.

23*** Een voorwerp met massa m valt vanaf hoogte h op de grond. De beginsnelheid is 0. Luchtweerstand wordt verwaarloosd.

- a** Voor de snelheid v waarmee de kogel op de grond komt geldt: $v = \sqrt{2 \cdot g \cdot h}$
Toon dit aan.

24*** Vanaf een 6,0 m hoge toren gooi je een steentje van 80 gram met een snelheid van 20 m/s recht omhoog.

- a** Hoe hoog komt het steentje?
- b** Met welke snelheid valt het steentje op de grond?
- c** Welk gegeven is overbodig?
- d** Als je het steentje met twee keer zoveel snelheid weggooit komt het dan ook met twee keer zo veel snelheid op de grond?

4.3 Energie afstaan door wrijving

- 1**** Een steen van 2,0 kg valt van een toren van 5,0 m hoog. De gemiddelde luchtweerstand is 3,0 N.
- a** Bereken de snelheid waarmee de steen op de grond valt.



- 2**** Je skiet een helling af. Onderaan kom je op een horizontaal stuk met een snelheid van 10 m/s. De schuifwrijving is 40 N. Samen met je ski's weeg je 60 kg.
- a** Hoeveel afstand leg je op het horizontale stuk af voor je tot stilstand komt?
- b** Hoe groot is je snelheid na 50 m?
- c** Op welke afstand is je snelheid 3,0 m/s?



- 3***** Jeroen rijdt met zijn skateboard een helling af van 20 m lang en 8,0 meter hoog. Jeroen met skateboard wegen samen 65 kg. Hij begint uit stilstand.

- a** Bereken de snelheid van Jeroen onder aan de helling als er geen wrijvingskrachten zijn.

Jeroen durft niet met zo'n grote snelheid naar beneden. Daarom neemt hij een helling die ook 8,0 meter hoog is maar een lengte heeft van 50 m.

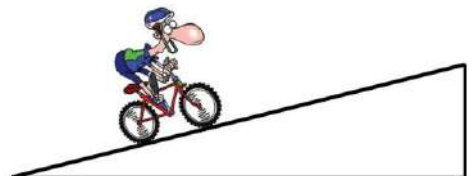
- b** Bereken opnieuw de snelheid van Jeroen onder aan de helling.

Ook bij deze helling vindt Jeroen de snelheid te groot. Daarom besluit hij tijdens de afdaling van de 50 m helling met een constante kracht te remmen. Hij durft maximaal 36 km/h te rijden.

- c** Hoe groot is de gemiddelde remkracht die hij moet uitoefenen om onderaan de helling een snelheid van 36 km/h te hebben.



- 4***** Je fietst met constante snelheid een helling op. Bij iedere meter die je aflegt stijgt je 20 cm. De weerstandskracht is 50 N. Samen met je fiets weeg je 70 kg.
- a** Bereken de arbeid die je moet verrichten om 1,0 km af te leggen



Als de trapper één keer rondgaat heeft je voet 1,0 m afgelegd en heeft je fiets 2,0 meter gereden.

- b** Bereken de kracht van je voet op de trapper als je de berg op fietst.

4.4 Arbeid en kinetische energie

Gebruik waar mogelijk de wet van arbeid en kinetische energie.

- 1*** Een speelgoedtreintje met een massa van 200 g trekt op uit stilstand. De motor oefent een kracht van 1,0 N uit over een afstand van 80 cm.

- a Hoeveel arbeid heeft de motor verricht?
- b Hoe groot is de eindsnelheid van het treintje?



De motor blijft een kracht van 1,0 N uitoefenen.

- c Na hoeveel meter heeft de speelgoedtrein een snelheid van 2,0 m/s?
- d Welke afstand legt de trein af om zijn snelheid van 1,0 m/s tot 2,0 m/s te laten toenemen?

- 2** Julia fietst met 6,0 m/s over een horizontale weg. De massa van Julia en haar fiets is 70 kg. Ze remt af voor een stoplicht met een remkracht van 150 N.

- a Hoeveel afstand legt ze tijdens het remmen af?
- b Na hoeveel meter is haar snelheid afgenomen tot 3,0 m/s?

Daarna fietst Julia verder met 6,0 m/s. Plotseling steekt er 4,0 m verderop een kat over.

- c Hoeveel remkracht moet ze geven om vlak voor de kat tot stilstand te komen?

- 3*** Jan rijdt op zijn motor met een snelheid van 7,0 m/s. De massa van Jan en zijn motor is 250 kg. Op 100 m afstand is een stoplicht dat over 10 s op rood gaat springen. Om op tijd het groen stoplicht te halen moet Jan versnellen. Weerstand wordt verwaarloosd.

- a Met welke snelheid passeert Jan het stoplicht?
- b Bereken de noodzakelijke versnelling van de motor.
- c Bereken de arbeid die de motor verricht tijdens de versnelling met $W_{\text{tot}} = \Delta E_K$.
- d Bereken de arbeid die de motor verricht tijdens de versnelling met $F_{\text{res}} = m \cdot a$.



- 4*** Twee auto's rijden frontaal op elkaar. Eén van de auto's rijdt 50 km/h en weegt 1200 kg. Bij de botsing deukt hij 30 cm in.

- a Bereken de kracht op deze auto.
- b Bereken de vertraging van deze auto.
- c Na hoeveel seconden staat deze auto stil?



5*** Aan het einde van een ritje in de achtbaan heeft het karretje een snelheid van 18 m/s . Daarna wordt het karretje afgeremd tot een snelheid van $3,0 \text{ m/s}$ door een remkracht van $2,5 \text{ kN}$. Het karretje inclusief passagier weegt 200 kg .

a Bereken de afstand die het karretje tijdens het remmen aflegt.

Het karretje rijdt met $3,0 \text{ m/s}$ de aankomsthal in waar het nogmaals wordt afgeremd en in $1,5 \text{ m}$ tot stilstand komt.

b Hoe groot is de remkracht in de aankomsthal?

c Hoe groot is de vertraging in de aankomsthal?



4.5 Vermogen

1** De motor van een hijskraan heeft een vermogen van 7,5 kW.

- a** Hoeveel pk(hp) is dit?
- b** Met welke snelheid kan de hijskraan een last van 1000 kg ophijzen?

De hijskraan wordt gebruikt om dakpannen omhoog te brengen. Een dakpan weegt 5,0 kg en wordt in 13 seconden naar een dak op 25 m hoogte getild.

- c** Hoeveel dakpannen worden per keer omhoog gebracht?

2** Drie roeiers halen in hun roeiboot een constante snelheid van 5,5 m/s. De wrijvingskracht op de roeiboot is 240 N.

- a** Bereken het vermogen van één roeier.
- b** Bereken hoeveel arbeid een roeier verricht in een wedstrijd over 2,0 km.



3** Om je armspieren te trainen maak je push ups. Je schouders gaan daarbij 34 cm omhoog. Je weegt 60 kg en je zwaartepunt ligt precies halverwege je schouders en je voeten.

- a** Hoeveel cm gaat je zwaartepunt omhoog bij een push up?
- b** Hoeveel kracht moet iedere arm zetten bij een push up?



Je wil 20 kJ arbeid verrichten.

- c** Hoeveel push ups moet je hiervoor doen?

Iedere 1,2 s maak je een push up.

- d** Hoeveel vermogen lever je?

4** Een lucifer is 2,0 mm breed, 2,0 mm dik en 55 mm lang en is gemaakt van espenhout. De dichtheid van espenhout is 420 kg/m^3 . Een lucifer brandt in 40 seconden geheel op.

- a** Hoeveel chemische energie bevat één lucifer?
- b** Wat is het vermogen van de vlam?



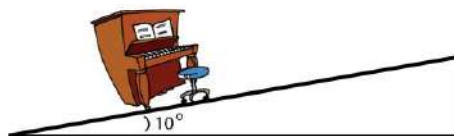
5** Een waxinelichtje is gemaakt van voornamelijk paraffine. De stookwaarde van paraffine is $40 \cdot 10^6 \text{ J/kg}$. Een waxinelichtje heeft een diameter van 38 mm en een hoogte van 13 mm. De vlam van een waxinelichtje heeft een vermogen van 40 W.

- a** Hoeveel uur kan een waxinelichtje branden?

6*** Een auto van 800 kg trekt in 4,0 seconde op uit stilstand naar 50 km/uur. Wrijving wordt verwaarloosd.

- a** Hoeveel is de kinetische energie toegenomen?
- b** Wat is het vermogen van de motor?
- c** Hoeveel pk(cv) is dit?
- d** Hoeveel meter heeft de auto nodig om van 50 km/h naar 100 km/h te gaan?

7*** Willem duwt een piano over een helling met een hoek van 10 graden met een constante snelheid omhoog. De piano weegt 250 kg. De helling heeft een lengte van 5,0 m. De wrijvingskracht is 180 N.



- a** Bereken de arbeid die Willem verricht om de piano omhoog te duwen.

Het duurt 30 seconden voordat de piano boven is.

- b** Bereken het vermogen van Willem.
- c** Bereken de kracht die Willem op de piano uitoefent.

8**** Bij het fietsen geldt voor de luchtweerstand $F_{Wlucht} = k \cdot A \cdot v^2$

- F_{Wlucht} is de luchtweerstand (N)
- k is een constant getal dat afhangt van de stroomlijn
- A is de frontale oppervlakte (m^2)
- v is de snelheid (m/s)

- a** Toon aan dat de eenheid van k gelijk is aan kg/m^3 .



Voor een fiets is getal k ongeveer $0,65 kg/m^3$. De frontale oppervlakte van een fietser schatten we op $0,60 m^2$.

- b** Bereken F_{Wlucht} als je 20 km/h fietst.
- c** Bereken het vermogen als je 20 km/h fietst.

Julia en Maaïke vragen zich af hoeveel het vermogen kleiner wordt als je de snelheid halveert van 20 naar 10 km/h. Volgens Julia heb je dan ook de helft van het vermogen nodig. Maaïke denkt dat je dan nog maar een kwart van het vermogen nodig hebt, omdat de snelheid in het kwadraat staat in de formule van F_{Wlucht} .

- d** Leg uit wie er gelijk heeft, Julia, Maaïke of geen van beiden.

Om uit te zoeken hoe het zit gaat Julia 2,0 km fietsen met een snelheid van 10 km/h.

- e** Hoe groot is haar vermogen als ze met 10 km/h fietst?
- f** Klopt je antwoord op vraag d?

Julia en Maaïke denken ook na over de arbeid die verricht als je 2,0 km fietst met 10 km/h en een snelheid van 20 km/h.

- g** Toon aan dat je bij 20 km/h vier keer zoveel arbeid verricht als bij 10 km/h.

4.6 Rendement

1** Een waterpomp pompt in 30 minuten $25 \cdot 10^3$ kg water 6,0 meter omhoog en gebruikt daarbij 3,0 MJ aan elektrische energie.

- a** Bereken het nuttig vermogen van de waterpomp.
- b** Bereken het rendement van de waterpomp.

2** Simon beklimt een 81 meter hoge kerktoeren met 90 traptreden per minuut. De afstand tussen twee treden is 20 cm. Simon heeft een massa van 62 kg. Zijn spieren hebben een rendement van 23%

- a** Hoe lang heeft Simon nodig om boven te komen?
- b** Hoeveel nuttige energie hebben Simons spieren geleverd?
- c** Hoeveel energie hebben Simons spieren gebruikt?

Na een tijdje gaat Simon de trap af naar beneden. Hierbij verbruikt hij de helft van de energie van het naar boven lopen. Door het beklimmen van de kerktoeren heeft hij honger gekregen en gaat hij een pizzapunt eten. Een pizza weegt 350 gram en heeft een voedingswaarde van 250 kcal per 100 gram. Eén pizzapunt is een achtste pizza.

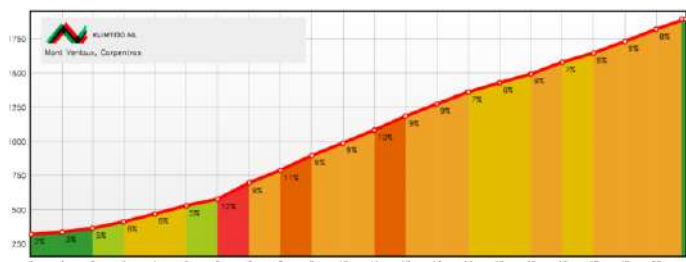
d Is één pizzapunt genoeg om de verbruikte energie weer aan te vullen?

3** Op 16 augustus 2009 heeft Usain Bolt het wereldrecord op de 100 m sprint gevestigd met een tijd van 9,58 seconden. Na 60 meter bereikt hij zijn topsnelheid van 12 m/s. Voor de wedstrijd eet Usain een aantal chicken-nuggets die een voedingswaarde hebben van 1250 kJ per 100 gram. Een portie chicken-nuggets weegt 300 gram en bevat 20 stuks. Usain Bolt heeft een massa van 93 kg. Zijn spieren hebben een rendement van 20%.



a Is de energie één chicken-nugget genoeg voor Usain Bolt om zijn topsnelheid te bereiken?

4*** De Mont Ventoux is een bekende berg in Frankrijk. Over een afstand van 21 km stijgt je 1576 m. In de figuur staat op de verticale as de hoogte en op de horizontale as de afstand. Samen met je fiets weeg je 80 kg. Je fietst met een gemiddelde snelheid van 9,0 km/h. De luchtweerstand is gemiddeld 50 N.



a Bereken je gemiddelde vermogen tijdens het fietsen met 9,0 km/h.

Tussen 6,0 en 7,0 km is de klim het steilste, met een stijgingspercentage van 12%. In 1000 meter stijgt je dan 120 meter. Je gebruikt hierbij een bergverzet op je fiets waarbij je voet evenveel afstand aflegt als je fiets. Je spieren hebben een rendement van 21%.

- b** Hoeveel kracht moet je uitoefenen om het stuk tussen 6,0 en 7,0 km met een snelheid van 9,0 km/h af te leggen?
- c** Hoeveel energie verbruikt je om de Mont Ventoux te beklimmen?

Een Big Mac weegt 230 g en heeft een voedingswaarde van 228 kcal per 100 g.

- d** Hoeveel Big Macs moet je eten om de energie die je gebruikt hebt om de Mont Ventoux op te klimmen aan te vullen.



5*** De grootste elektriciteitscentrale van Nederland is de Eemshavencentrale. Deze centrale werkt op steenkool en heeft een vermogen van 1560 MW. Vanwege de schadelijke uitstoot van CO₂, zwaveloxide, koolwaterstoffen en fijnstof is er veel verzet tegen deze centrale die in 2015 in bedrijf is genomen en 1,5 miljard euro heeft gekost. De Eemshavencentrale heeft een rendement van 46%.



- a** Hoeveel ton steenkool gebruikt deze centrale per jaar als hij continu op vol vermogen werkt?

Een vrachtauto heeft een laadvermogen van 40 ton. Stel dat de kolen voor deze centrale met vrachtauto's moet worden aangevoerd.

- b** Hoeveel vrachtauto's zijn er dan per dag nodig?

In plaats van met vrachtauto's wordt de steenkool aangevoerd met zeeschepen met een laadvermogen van 200.000 duizend ton.

- c** Hoeveel zeeschepen zijn er per jaar nodig?

6*** Een personenauto rijdt met een constante snelheid van 120 km/h. Het benzineverbruik bij deze snelheid is 6,0 liter per 100 km. Voor de luchtweerstand geldt $F_w = \frac{1}{2} \cdot c_w \cdot \rho \cdot A \cdot v^2$



- F_w is de luchtweerstand (N)
- c_w is de luchtweerstandcoëfficiënt
- ρ is de dichtheid van lucht (kg/m³)
- A is de frontale oppervlakte van het voorwerp (m²)
- v is de snelheid van het voorwerp (m/s)

De luchtweerstandcoëfficiënt van een gestroomlijnde auto is 0,40 (geen eenheid).

- a** Schat de frontale oppervlakte van de auto.
- b** Bereken de kracht die de motor levert bij een constante snelheid van 120 km/h.
- c** Bereken de nuttige energie per kilometer.
- d** Bereken het energieverbruik per kilometer.
- e** Bereken het rendement van de benzinemotor.

Examenvragen havo

Roeien

Door met een roeiriem in het water af te zetten, wordt een boot voortbewogen. De roeiriem wordt daarbij als hefboom gebruikt. Tijdens een wedstrijd maakt een roeier 28 slagen per minuut. Bij elke slag verplaatst hij het handvat van de roeiriem met een gemiddelde kracht van 320 N over een afstand van 1,5 m in de richting van de kracht.



Figuur 1

- 3p **1** Bereken de arbeid die de roeier daarbij in één minuut verricht.

Bij een race legde de Nederlandse 'acht met stuurman' (zie figuur 1) de afstand van 2000 m af in 6 minuten en 40 seconden. In een krantenartikel stond dat elke roeier tijdens deze race een gemiddeld vermogen ontwikkelde van 450 W.

- 4p **2** Bereken, uitgaande van deze gegevens, de gemiddelde wrijvingskracht op de boot tijdens deze race.

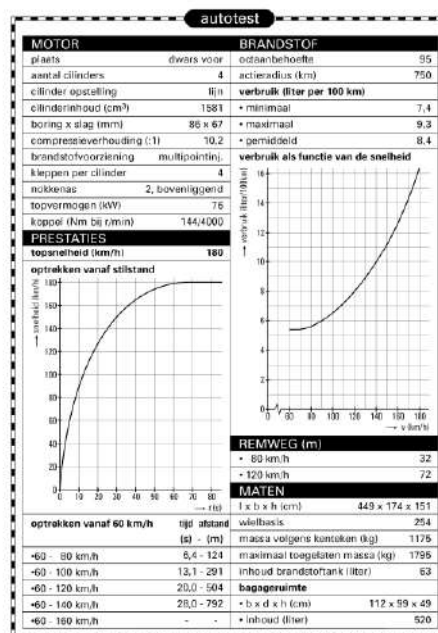
Tijdens een andere race is de voorkant van hun boot (boot A) nog 600 m van de finish verwijderd, terwijl hun snelheid 5,00 m/s is. Ze liggen op dat moment op de tweede plaats. Tussen de voorkant van hun boot en de achterkant van de boot die voorligt (boot B), zit een ruimte van 30 m. Boot B heeft een snelheid van 4,70 m/s. De boten hebben elk een lengte van 19 m.

- 4p **3** Leg met behulp van een berekening uit welke boot het eerst de finish bereikt als hun snelheid niet meer verandert.

Autotest

In autotijdschriften staan vaak testrapporten van nieuwe auto's. Zo'n testrapport bestaat uit een bespreking van het rijgedrag van de auto en een overzicht met een groot aantal gegevens in de vorm van tabellen en grafieken. Hiernaast is zo'n overzicht afgedrukt.

Onder brandstof- of benzineverbruik wordt verstaan het aantal liters benzine dat wordt verbruikt als een auto 100 km aflegt. Het brandstofverbruik hangt onder andere af van de snelheid van de auto en de rijstijl van de chauffeur. In het testrapport staat het minimale, maximale en gemiddelde verbruik vermeld. Ook is de actieradius gegeven. Dit is de afstand die een auto af kan leggen met één volle tank. De inhoud van de brandstoftank staat ook in het rapport vermeld.



- 3p **1** Leg met een berekening uit met welk van de drie genoemde brandstofverbruiken de actieradius bepaald is.

Onder de remweg verstaat men de afstand die de auto aflegt vanaf het moment dat de bestuurder op de rem trapt. De remweg van een auto hangt af van zijn snelheid maar ook van een aantal andere factoren, zoals bijvoorbeeld het profiel van de banden. We laten luchtweerstand en/of wind buiten beschouwing omdat de invloed daarvan klein is.

- 3p **2** Noem nog drie factoren die van invloed zijn op de remweg van een auto.

Als de auto met topsnelheid rijdt, levert de motor het topvermogen. Volgens het testrapport is zijn topvermogen dan 76 kW.

- 4p **3** Bereken, gebruikmakend van het testrapport, de totale wrijvingskracht op de auto als deze met topsnelheid rijdt.

Voor de luchtweerstand geldt: $F_{W\text{lucht}} = k \cdot v^2$.

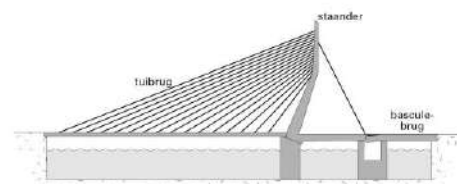
Tussen Annabel en Jochem ontstaat een discussie over de vraag wanneer een auto de lucht meer vervuult: als een auto met gemiddeld 120 km/h van Arnhem naar Nijmegen rijdt of als dezelfde auto deze afstand aflegt met een gemiddelde snelheid van 80 km/h.

Jochem zegt: „Het maakt niets uit. Bij hoge snelheid verbruikt de auto meer benzine, maar dat wordt gecompenseerd doordat hij de afstand in een kortere tijd aflegt.” Annabel zegt: „De tijd doet er niet toe. Bij hoge snelheid verbruikt de auto het meeste benzine en vervuult de lucht dus het meest.”

- 3p **4** Wie van beiden heeft gelijk? Licht je keuze toe.

Erasmusbrug

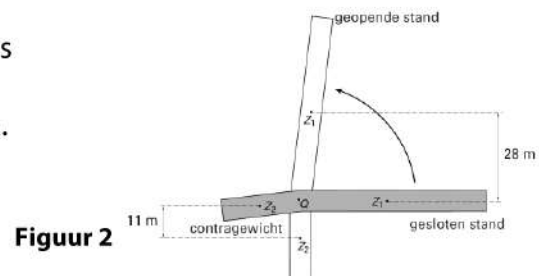
De Erasmusbrug in Rotterdam is in 1996 in gebruik genomen. Deze brug bestaat uit twee gedeelten: een tuibrug en een basculebrug. Zie figuur 1.



Figuur 1

De basculebrug

De basculebrug kan geopend worden. In figuur 2 is schematisch de stand van de basculebrug in de gesloten en in de geopende situatie weergegeven. Al het overige is in de tekening weggelaten.



Figuur 2

Bij het openen draait de brug om punt Q. Over het gedeelte links van Q rijden geen auto's. Het dient als contragewicht bij het openen van de brug. Het gedeelte rechts van Q noemen we het wegdek. In figuur 2 geeft Z_1 het zwaartepunt aan van het wegdek en Z_2 het zwaartepunt van het contragewicht. In de geopende stand bevindt Z_1 zich 28 m hoger en bevindt Z_2 zich 11 m lager dan in de gesloten stand. De massa van het wegdek is 1560 ton en de massa van het contragewicht 1050 ton (1 ton = 1000 kg).

Een grote elektromotor kan de brug in 120 seconden van helemaal dicht naar helemaal open draaien. Wrijving mag hierbij worden verwaarloosd. De arbeid die de elektromotor moet verrichten om de brug te openen, is gelijk aan de verandering van de zwaarte-energie van het wegdek en van het contragewicht.

- 4p **1** Bereken op basis van deze informatie het gemiddelde vermogen dat de elektromotor moet leveren om de brug van de gesloten in de geopende stand te krijgen.

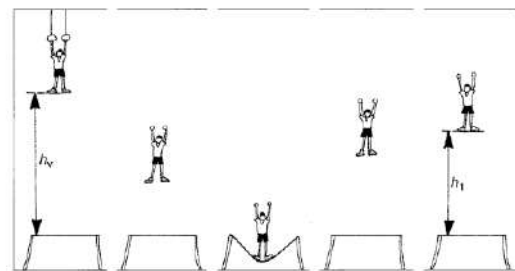
Trampolinespringen

Roy, Sander en Elvira doen onderzoek aan trampolinespringen. Ze bekijken twee technieken: één waarbij de proefpersoon zich niet afzet tijdens het contact met de trampoline en één waarbij hij zich juist zoveel mogelijk afzet.

Onderzoek 1, zonder afzet

Roy hangt in de gymzaal op een bepaalde hoogte aan de ringen, recht boven de trampoline, en laat zich vallen. Zie figuur 1. De valhoogte h_v en de hoogte h_1 tot waar hij terugveert zonder zich af te zetten tegen de trampoline, worden gemeten. Voor beide hoogtes wordt de afstand van de trampoline tot de onderkant van zijn voeten gemeten.

De eerste onderzoeksvraag die ze zich stellen is: Wat is het verband tussen h_1 en h_v ? Ze hebben dit onderzocht door metingen te doen bij verschillende valhoogtes. Van de metingen hebben ze een grafiek gemaakt. Zie figuur 2. Van deze grafiek willen ze het functievoorschrift opstellen.

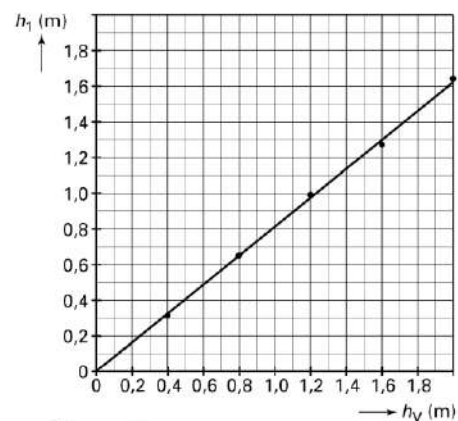


Figuur 1

- 3p **1** Bepaal het functievoorschrift dat bij de grafiek van figuur 2 hoort.

Het rendement van een trampoline kun je definiëren als de kinetische energie vlak ná het verlaten van de trampoline gedeeld door de kinetische-energie vlak vóór het raken van de trampoline. Uit deze definitie volgt dat, bij verwaarlozing van de luchtwrijving, het rendement η van de trampoline te berekenen is met de formule:

$$\eta = \frac{h_1}{h_v}$$



Figuur 2

- 4p **2** Toon dit aan met behulp van bovenstaande definitie.

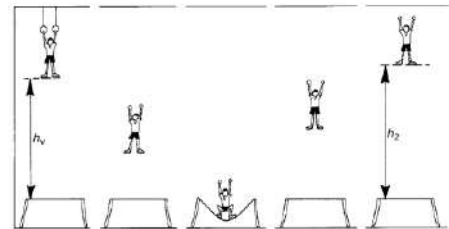
Aan het eind van dit deel van hun onderzoek vragen ze zich af of de massa van een trampolinespringer van invloed is op de hoogte h_1 tot waar hij terugveert.

- 2p **3** Geef aan hoe ze dit kunnen onderzoeken.

Onderzoek 2, met afzet

Het groepje doet vervolgens een serie metingen waarbij Roy zich tijdens het contact met de trampoline zo goed mogelijk afzet. De hoogte tot waar hij dan terugveert, noemen ze h_2 . Zie figuur 3.

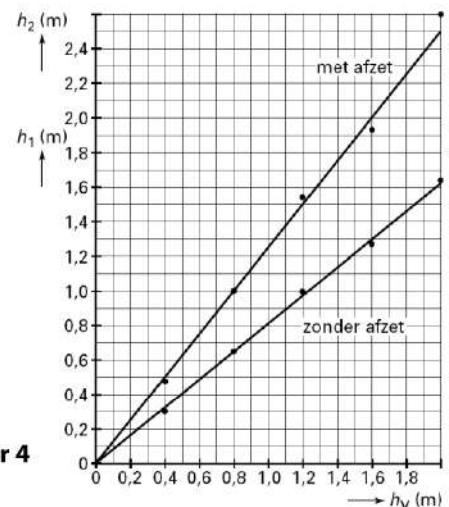
De grafiek van hun metingen is weergegeven in figuur 4. Bij een van hun metingen veert Roy terug tot een hoogte van 1,00 m.



Figuur 3

- 1p **4** Bepaal met behulp van figuur 4 van welke hoogte h_v hij zich in deze situatie heeft laten vallen.

Bij een andere meting laat Roy zich van een hoogte van 1,10 m vallen en veert éénmaal terug. Hij zet zich daarbij zo goed mogelijk af. Roy heeft een massa van 70 kg.



Figuur 4

- 4p **5** Bepaal hoeveel arbeid hij tijdens het afzetten minstens verricht. Verwaarloos daarbij wrijvingskrachten.

Windenergie

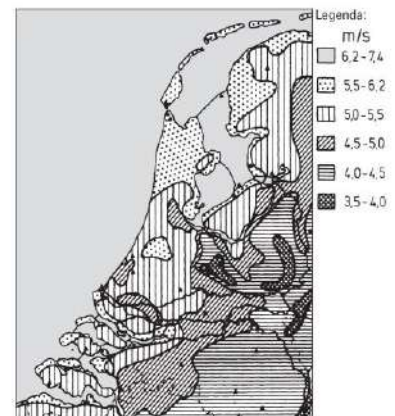
In de Noordzee, 8 kilometer voor de kust, wil men een windmolenpark bouwen. Bekijk figuur 1.

- 2p **1** Leg met behulp van figuur 1 uit waarom men voor een windmolenpark in zee gekozen heeft.

In een windmolen zit een turbine die kinetische-energie van de wind omzet in elektrische energie. De kinetische-energie van de lucht die per seconde op een windmolen afkomt, geven we aan met P . Hiervoor geldt de volgende formule:

$$P = \frac{1}{2} \rho \cdot A \cdot v^3$$

- ρ is de dichtheid van de lucht ($= 1,29 \text{ kg/m}^3$),
- A is de oppervlakte van de cirkel die de wieken bij het ronddraaien bestrijken (in m^2),
- v is de windsnelheid (in m/s).



Figuur 1

De windmolens van het toekomstige park hebben een wieklengte van 30 m. Zie figuur 2. Stel dat de windsnelheid bij zo'n molen 43 km/h is (windkracht 6).

- 3p **2** Bereken P voor deze situatie.

Bij het passeren van de windmolen neemt de snelheid van de wind af. De hoeveelheid energie die de wind daarbij afgeeft, hangt af van de windsnelheden vóór en achter de molen. Het verschil hiertussen moet niet te klein maar ook niet te groot zijn. Al sinds 1926 is bekend dat de optimale afremming van de wind overeenkomt met een afname van de windsnelheid tot een derde deel. In dat geval wordt een bepaald percentage van de kinetische-energie aan de wind onttrokken.



Figuur 2

- 3p **3** Bereken dit percentage met behulp van de boven gegeven formule.

De energieopbrengst per jaar van het toekomstige windmolenpark wordt geschat op $1,1 \cdot 10^9$ MJ. Een gemiddeld huishouden in Nederland verbruikt per jaar $3,0 \cdot 10^3$ kWh.

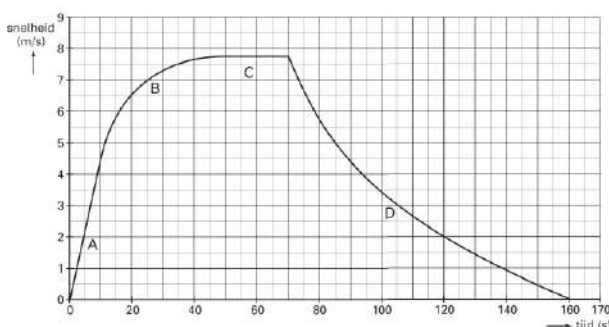
- 3p **4** Bereken hoeveel huishoudens volgens deze schatting op dit windmolenpark zouden kunnen worden aangesloten.

In de praktijk worden huizen niet rechtstreeks aangesloten op het windmolenpark. De door het park geproduceerde elektrische energie wordt toegevoerd aan het elektriciteits-net waarop de huizen zijn aangesloten.

- 2p **5** Noem twee argumenten waarom het de voorkeur heeft om de huizen op het elektriciteitsnet aan te sluiten en niet rechtstreeks op het windmolenpark.

Fietsen

Jeanette heeft een versnellingsmeter op de bagagedrager van haar fiets gemonteerd. Zij trekt op vanuit stilstand, rijdt even met constante snelheid en laat zich vervolgens uitrijden zonder te trappen of te remmen. In figuur 1 is het (snelheid, tijd)-diagram te zien dat ze met behulp van een computer van haar metingen heeft gemaakt.



Figuur 1

Het diagram bevat vier karakteristieke delen:

- A: van $t = 0$ tot $t = 10$ s
 B: van $t = 10$ tot $t = 50$ s
 C: van $t = 50$ tot $t = 70$ s
 D: van $t = 70$ tot $t = 160$ s

De beweging van de fiets in de delen A, B, C en D is te karakteriseren door in de tabel een kruisje op de juiste plaats te zetten. Voor de delen A en C is dat al gebeurd.

- 2p **1** Karakteriseer de beweging van de fiets in de delen B en D. Gebruik daarvoor de tabel in het werkboek. [werkboek](#)

	stilstand	constante snelheid	eenparig versneld	niet-eenparig versneld	eenparig vertraagd	niet-eenparig vertraagd
Deel A			X			
Deel B						
Deel C		X				
Deel D						

De massa van de fiets en Jeanette samen is 72 kg.

- 4p **2** Bepaal de resulterende kracht die op de fiets werkt in deel A.

In deel C is het vermogen waarmee Jeanette fietst $1,5 \cdot 10^2$ watt.

- 4p **3** Bepaal de grootte van de wrijvingskracht die ze dan ondervindt.

In deel D laat Jeanette zich uitrijden.

- 4p **4** Bepaal de afstand die ze aflegt tijdens het uitrijden.

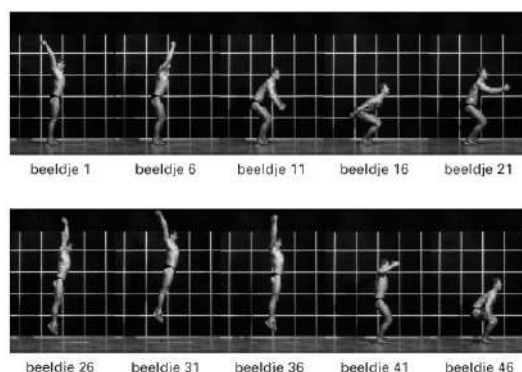
In deel D zijn twee wrijvingskrachten van belang: de luchtweerstand en de rolweerstand. De rolweerstand is onafhankelijk van de snelheid.

- 4p **5** Beredeneer uit de vorm van deel D van de grafiek dat de luchtweerstand kleiner wordt als de snelheid afneemt.

Springen vanuit stand

Bij basketbaltraining wordt geoefend om vanuit stand zo hoog mogelijk te springen. Van zo'n oefensprong is een opname gemaakt. De filmcamera maakte 25 beeldjes per seconde. In figuur 1 is een aantal beeldjes weergegeven.

- 2p **1** Bereken de tijd tussen beeldje 1 en beeldje 6. Verwaarloos daarbij de belichtingstijd van elk beeldje.

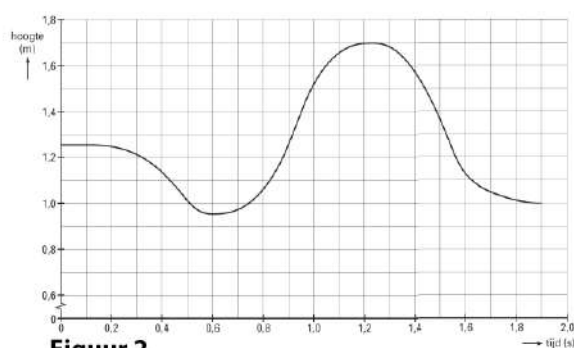


Figuur 1

Met behulp van een film is de hoogte van het zwaartepunt van de springer als functie van de tijd vastgelegd. Zie de figuur 2.

Op $t = 0$ s staat de springer rechtop, terwijl hij op $t = 0,60$ s zo ver mogelijk door zijn knieën gezakt is. Zijn zwaartepunt bevindt zich dan in het laagste punt.

- 2p **2** Bepaal met behulp van figuur 2 hoever het zwaartepunt van de springer hierbij is gedaald.



Figuur 2

Op het tijdstip $t = 0,90$ s komt de springer los van de grond.

- 3p **3** Bepaal met behulp van figuur 2 zo nauwkeurig mogelijk de snelheid op dat tijdstip.

Tijdens het afzetten voor de sprong verricht de springer arbeid. Deze arbeid is gelijk aan de toename van zijn zwaarte-energie tussen het laagste punt en het hoogste punt. De springer heeft een massa van 76 kg. Neem aan dat de afzet duurt van het tijdstip $t = 0,60$ s totdat hij loskomt van de grond.

- 5p **4** Bepaal met behulp van figuur 2 het gemiddelde vermogen van de springer tijdens de afzet. Geef de uitkomst in twee significante cijfers.

Om blessures te voorkomen, zakt een springer bij het neerkomen ver door zijn knieën.

- 3p **5** Leg uit waarom het verstandig is dat hij dan door zijn knieën zakt. Baseer je uitleg op de relatie $F \cdot s = \Delta E_K$.

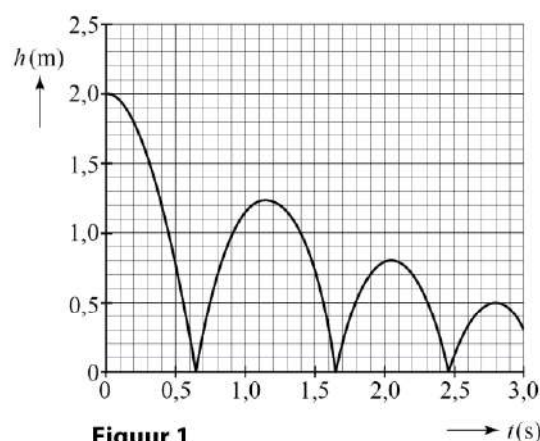
Stuiteren

Bij veel balsporten is het van belang dat de bal goed stuitert. Om aan te geven hoe goed een bal stuitert, is de zogenaamde stuiterfactor S gedefinieerd:

$$S = \sqrt{\frac{h_s}{h}}$$

Hierin is h_s de stuiterhoogte en h de valhoogte.

Renate heeft gelezen dat bij een officieel goed-gekeurde voetbal de stuiterfactor moet voldoen aan: $0,78 \leq S \leq 0,91$.

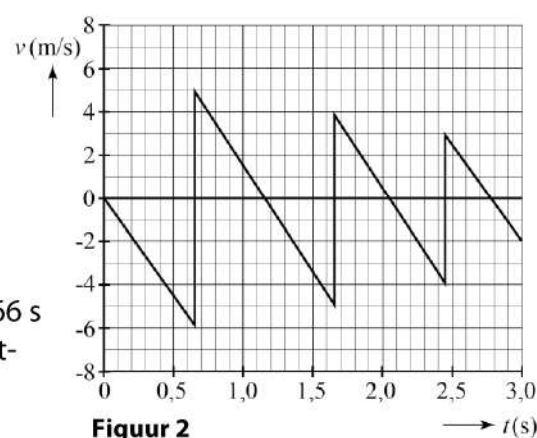


Om te onderzoeken of haar voetbal daaraan voldoet, filmt ze de stuitende bal. Met behulp van een videometing heeft ze het (hoogte, tijd)-diagram gemaakt dat in figuur 1 is weergegeven.

- 3p **1** Voldoet haar voetbal aan de officiële eisen? Licht je antwoord toe met een berekening.

Figuur 2 is het (v, t) -diagram van de stuitende bal. Als de bal valt, is de snelheid negatief. Bij het omhoog gaan, is de snelheid positief. Als de bal de grond raakt, verandert de snelheid in korte tijd van grootte en richting; de grafiek loopt dan zeer steil.

Op de tijdstippen $t = 0$ s, $t = 0,64$ s, $t = 1,15$ s, $t = 1,66$ s enzovoort, is de snelheid van de bal 0 m/s. De voetbal bevindt zich op die momenten op de grond of in een hoogste punt.



- 2p **2** Hoe kun je aan de (v, t) -grafiek zien dat de bal zich op $t = 1,15$ s in een hoogste punt bevindt?

De luchtweerstand op de bal is te verwaarlozen.

2p **3** Hoe blijkt dat uit de grafiek van figuur 2? Licht je antwoord toe.

De voetbal heeft een massa van 430 g. De contacttijd van de bal met de grond tijdens de eerste stuit is $6,9 \cdot 10^{-3}$ s.

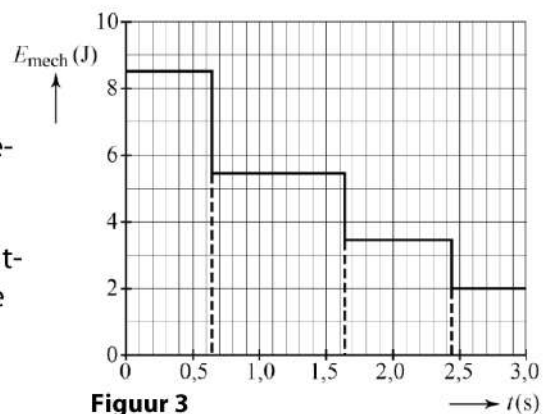
Voor de gemiddelde kracht tijdens een stuit geldt: $F = m \cdot \frac{\Delta v}{\Delta t}$

- F is de gemiddelde gracht in newton (N)
- m is de massa in kilogram (kg)
- Δv is de verandering van de snelheid bij een stuit in meter per seconde (m/s)
- Δt is de contacttijd tijdens een stuit in seconde (s)

3p **4** Bepaal de (gemiddelde) kracht van de grond op de bal tijdens de eerste stuit.

Met de computer maakt Renate ook de grafiek van de mechanische energie E_{mech} als functie van de tijd. Zie figuur 3. De mechanische energie is de som van de bewegingsenergie en de zwaarte-energie.

2p **5** Hoe blijkt uit de grafiek van figuur 3 dat de luchtweerstand op de bal te verwaarlozen is? Licht je antwoord toe.



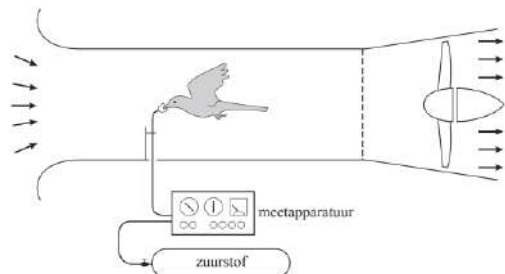
Figuur 3

In de (E_{mech}, t) -grafiek is af te lezen hoeveel energie de bal verliest bij een stuit. Dat energieverlies is ook te berekenen.

4p **6** Controleer met een berekening het energieverlies bij de tweede stuit. Maak daartoe gebruik van de (v, t) - of van de (h, t) -grafiek.

Het parkietje van Tucker

Professor Tucker bestudeert al jaren het vliegen van vogels. Hij slaagde er in om een parkiet te leren vliegen in een windtunnel. Zie figuur 1. Als het vogeltje al vliegend op zijn plaats blijft, is zijn snelheid dus even groot als die van de lucht in de windtunnel. Door de parkiet een zuurstofmasker op te zetten, kon hij bovendien zijn energieverbruik bepalen.

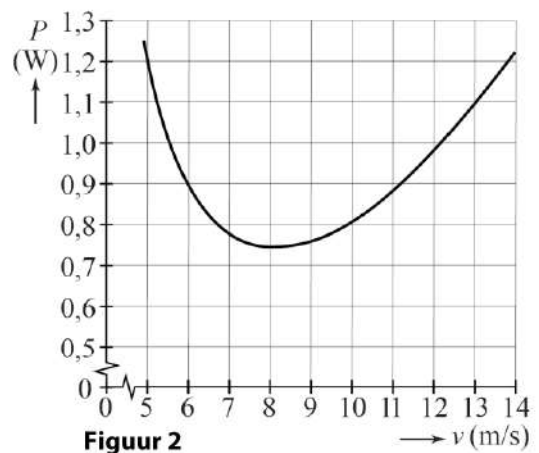


Figuur 1

Bij verschillende snelheden bepaalde Tucker het vermogen dat het vogeltje voor het vliegen moest leveren (het vliegvermogen P). Zie de grafiek in figuur 2. Tijdens één van deze metingen stond de windsnelheid in de tunnel ingesteld op 8,0 m/s.

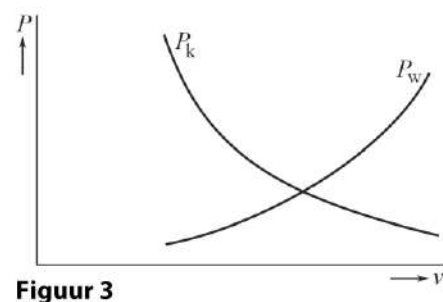
Uit het zuurstofverbruik bleek dat de parkiet daarbij in totaal 60 J energie had verbruikt. Van de energie die de parkiet verbruikt, is 25% nodig voor het vliegen.

- 5p **1** Bepaal de 'afstand' die de parkiet bij deze meting heeft afgelegd.



In figuur 2 valt op dat vogels bij lage snelheden een groot vermogen moeten leveren. Om dat te begrijpen is figuur 3 getekend. Daarin is te zien dat het vliegvermogen bestaat uit

- het vermogen P_w nodig om de wrijvingskracht te overwinnen,
- het vermogen dat is aangeduid met P_k .



Het vermogen P_k is uniek voor vogels; lopende dieren hebben alleen met P_w te maken.

- 2p **2** Beantwoord de volgende vragen:
- Leg uit waarom P_w een stijgende functie is.
 - Leg uit waarom vogels het vermogen P_k moeten leveren en lopende dieren niet.

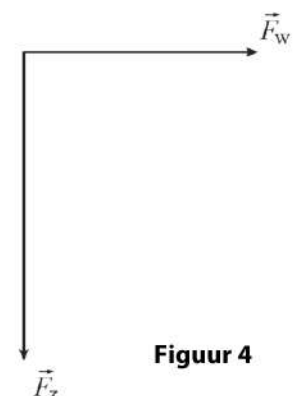
Wanneer vogels grote afstanden moeten afleggen, vliegen ze met een snelheid (de zogenaamde kruissnelheid) waarbij de arbeid die ze per meter verrichten zo klein mogelijk is.

Bij een snelheid van 10 m/s is de arbeid die de parkiet per meter verricht kleiner dan bij een snelheid van 8,0 m/s.

- 3p **3** Toon dat aan met behulp van figuur 2 en een berekening.

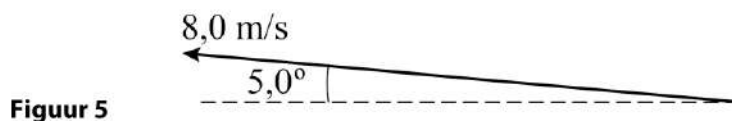
In figuur 4 zijn de zwaartekracht $\vec{F}_z$ en de wrijvingskracht $\vec{F}_w$ op de parkiet getekend als hij met een constante horizontale snelheid vliegt. Doordat hij met zijn vleugels lucht wegduwt, werkt er nog een derde kracht $\vec{F}$ op de parkiet. De massa van de parkiet is 36 g.

- 5p **4** Construeer in figuur 4 in het werkboek de vector $\vec{F}$ en bepaal de grootte van deze kracht in newton. [werkboek](#)



Als de parkiet schuin omhoog vliegt, moet hij meer vermogen leveren omdat zijn zwaarte-energie dan toeneemt.

Als de parkiet met een constante snelheid van 8,0 m/s onder een hoek van 5,0° schuin omhoog vliegt (zie figuur 5), blijkt hij 0,25 W meer vermogen te leveren dan bij dezelfde horizontale snelheid.

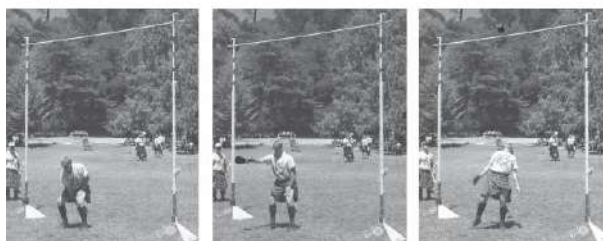


- 4p **5** Controleer dit extra vermogen met een berekening. Bereken daartoe eerst hoeveel meter het parkietje stijgt in één seconde.

Highland Games

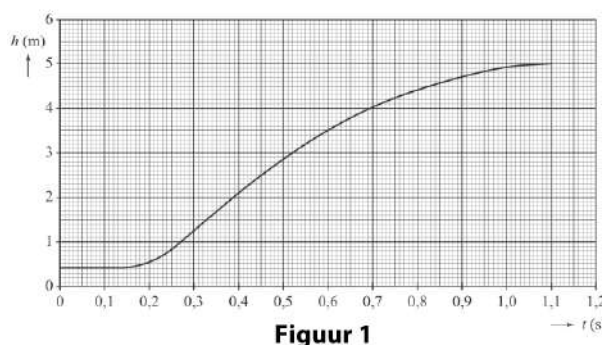
In deze opgave mogen alle vormen van wrijving worden verwaarloosd.

Op de foto's is te zien hoe een deelnemer aan de Schotse Highland Games met gestrekte arm een blok met een massa van 25 kg over een lat gooit. Het blok beweegt na het loslaten (vrijwel) verticaal omhoog en omlaag.



Met behulp van videometen is de hoogte h van het blok gemeten ten opzichte van de grond, als functie van de tijd t . Het resultaat is weergegeven in figuur 1.

Op $t = 0,35$ s laat de deelnemer het blok los. Op dat moment is de kinetische energie van het blok maximaal.



- 2p **1** Leg uit hoe je dit aan de (h,t) -grafiek kunt zien.
- 3p **2** Toon met behulp van de wet van behoud van energie aan dat de maximale kinetische energie gelijk is aan 0,81 kJ. Bepaal hiervoor eerst de maximale waarde van de zwaarte-energie E_z .

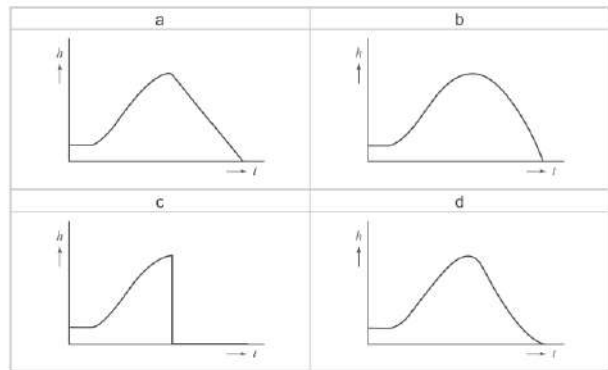
Voor de mechanische energie geldt: $E_{\text{mech}} = E_K + E_z$.

- 3p **3** Bepaal het (gemiddelde) mechanische vermogen dat de deelnemer levert tussen $t = 0,15$ s en $t = 0,35$ s.

In het werkboek staat een tabel waarin drie tijdstippen zijn gegeven waarop de snelheid van het blok nul is.

- 3p **4** Geef in de tabel in het werkboek voor elk gegeven tijdstip aan, welke kracht (of krachten) er op het blok werkt (of werken). Als je denkt dat er geen kracht op het blok werkt, schrijf dan op: geen kracht. [werkboek](#)

Vanaf $t = 1,1$ s valt het blok vanuit het hoogste punt recht omlaag. In figuur 2 zijn van de volledige beweging van het blok vier mogelijke (h,t) -grafieken (a, b, c, d) geschetst.



Figuur 2

- 2p **5** In welke grafiek wordt de volledige beweging van het blok juist weergegeven?
- 4p **6** Teken in het werkboek de (v,t) -grafiek van het blok vanaf $t = 1,1$ s tot het tijdstip waarop het blok de grond raakt. Licht je antwoord toe met behulp van een berekening. [werkboek](#)

Mürrenbaan

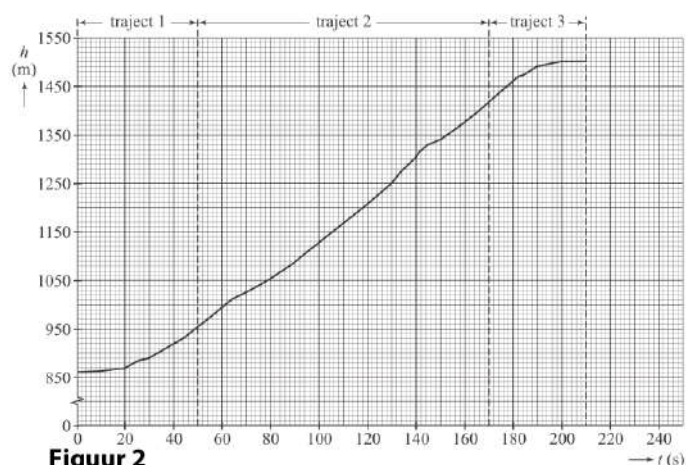
Aan de rand van de Zwitserse Alpen ligt het dorpje Mürren. Dit dorp is niet per auto te bereiken. Reizigers van en naar het dorp moeten gebruikmaken van een kabelbaan, de Mürrenbaan. Zie figuur 1. Anoeck heeft een rit in de Mürrenbaan gemaakt. Zij heeft een gps bij zich waarmee ze tijdens de rit de hoogte van de cabine ten opzichte van de grond heeft gemeten. Het bijbehorende (h,t) -diagram is in figuur 2 weergegeven. In het diagram zijn drie trajecten aangegeven: in traject 1 versnelt de cabine, in traject 2 beweegt de cabine met constante snelheid, in traject 3 remt de cabine weer af.



Figuur 1

- 3p **1** Bepaal met behulp van figuur 2 de gemiddelde snelheid in verticale richting over de hele rit.

De cabine met passagiers heeft een massa van 23,6 ton en wordt door een motor schuin omhoog getrokken. In traject 2 is de snelheid in verticale en horizontale richting (ongeveer) constant. Alle wrijvingskrachten op de cabine worden verwaarloosd.



Figuur 2

- 3p **2** Bepaal de arbeid die de motor in traject 2 heeft verricht.

Anoeck kan met de gps ook de snelheid van de cabine langs de baan meten. Zij meet in traject 2 een constante snelheid van $7,5 \text{ m s}^{-1}$.

- 4p **3** Bepaal de hellingshoek die de kabelbaan maakt met het horizontale vlak. Gebruik hierbij ook figuur 2.

Road-train

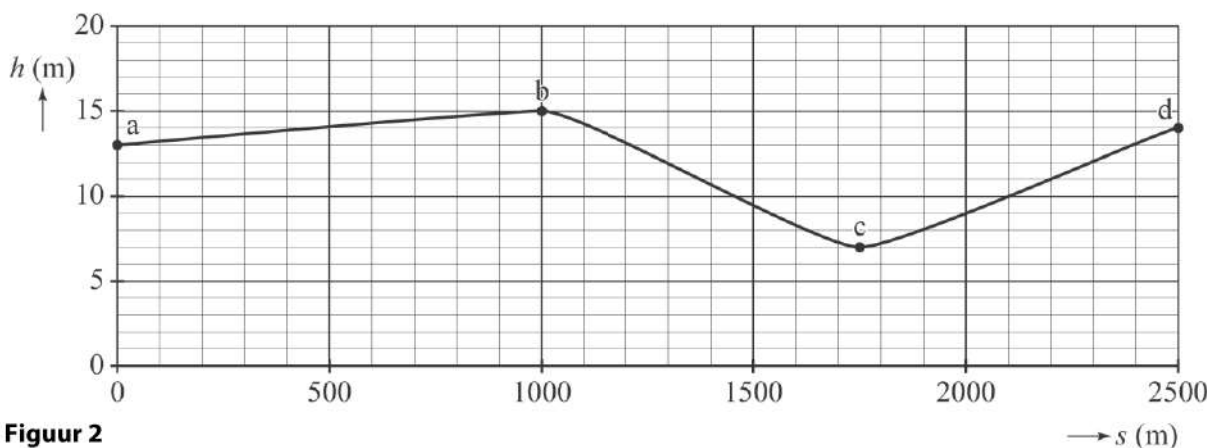
Een 'road-train' is een lange combinatie die bestaat uit een vrachtwagen met meerdere aanhangers, zie figuur 1. Road-trains worden vooral veel gebruikt voor de lange reisafstanden in Australië. De maximale snelheid voor een road-train is 90 km h^{-1} . In het werkboek is een kaart van een deel van Australië gegeven met mogelijke routes voor road-trains.



Figuur 1

- 3p **1** Bepaal met behulp van de kaart in het werkboek hoeveel uur een reis van Port Augusta naar Port Lincoln minstens zal duren. [werkboek](#)

Een deel van de route gaat over een licht glooiende weg. De hele weg wordt met een constante snelheid van 90 km h^{-1} afgelegd. In figuur 2 staat de hoogte van deze weg als functie van de afgelegde afstand uitgezet.



Figuur 2

In deze figuur zijn drie trajecten ab, bc en cd aangegeven. De motor van een road-train met een massa van 160 ton moet op traject ab meer vermogen leveren dan op een horizontale weg.

- 4p **2** Bereken hoeveel extra vermogen de motor van deze road-train op traject ab moet leveren.

In het werkboek staan drie beweringen over deze drie trajecten van de route van de road-train.

- 2p **3** Geef in het werkboek van elke bewering aan of die juist of onjuist is. [werkboek](#)

bewering	juist	onjuist
Op traject ab is de zwaartekracht op de road-train het grootst.		
De normaalkracht op de road-train is het grootst op traject bc.		
De tijd die nodig is om traject cd af te leggen is het langst.		

Road-trains zijn veel zwaarder dan normale vrachtwagens. In het verkeer kan dit een groter risico opleveren. De Australische regering heeft daarom een onderzoek laten uitvoeren naar verschillen in rijeigenschappen tussen een road-train en een gewone vrachtwagen op een vlakke weg. In een bepaalde test werden na de eerste 100 m van een traject de tijd en de snelheid gemeten. De beginsnelheid was 0 m s^{-1} , de versnelling was constant. In figuur 3 staat een tabel met de resultaten van dit onderzoek. Twee waarden ontbreken nog in deze tabel.

	massa (ton)	tijd (s)	snelheid (m s ⁻¹)	kracht (kN)	kinetische energie (MJ)
vrachtwagen	40	19,2	10,4	22	2,2
road-train	160	28,2	7,09		

Figuur 3

Een onderzoeker beweerde:

- 1 De motor van de road-train van 160 ton levert over deze 100 m meer kracht dan de motor van de vrachtwagen van 40 ton.
- 2 De road-train van 160 ton heeft na 100 m meer kinetische energie dan de vrachtwagen van 40 ton.

- 4p **4** Geef in het werkboek aan of deze beweringen juist of onjuist zijn. Bereken hiervoor eerst de ontbrekende waarden voor de kracht en de kinetische energie van de road-train van 160 ton. [werkboek](#)

bewering	juist	onjuist
De motor van de road-train van 160 ton levert over deze 100 m meer kracht dan de motor van de vrachtwagen van 40 ton.		
De road-train van 160 ton heeft na 100 m meer kinetische energie dan de vrachtwagen van 40 ton.		

In een andere test werd er met de twee voertuigen een noodstop gemaakt vanaf 60 km h⁻¹ tot stilstand. In figuur 4 is het (v, t)-diagram hiervan figuur 4 weergegeven.

- 3p **5** Bepaal met behulp van figuur 4 het verschil in remweg tussen de twee voertuigen.

